

# BREVET DE TECHNICIEN SUPÉRIEUR

## CONSTRUCTIONS METALLIQUES

SESSION 2012

### E4 : Analyse et Calcul des structures

#### U4.1 Mécanique

Durée : 4h – Coefficient : 3

#### Contenu du dossier

Questions	Pages 2/8 et 5/8
Document réponse	Page 6/5 et 7/8
Annexe	Page 8/8
Nombre total de pages : 8 pages A3	numérotées de 1/8 à 8/8

#### Barème indicatif

Exercice 1 : 6 pts	Exercice 3 : 5 pts
Exercice 2 : 5 pts	Exercice 4 : 4 pts

#### Recommandations

Le dossier technique d'étude est commun aux épreuves E4 et E5.  
Les 4 parties sont indépendantes. Dans une même partie, certaines questions sont indépendantes des précédentes.

CODE ÉPREUVE : 1206CME4MEC	EXAMEN : BREVET DE TECHNICIEN SUPÉRIEUR	SPÉCIALITÉ : Constructions Métalliques	
SESSION 2012	SUJET	ÉPREUVE : U4 .1 Mécanique	Autorisation de la calculatrice réglementaire
Durée : 4h	Coefficient : 3	SUJET N°	Page :1/8

Les 4 exercices sont traités de façon indépendante.  
Les documents réponses doivent être tous rendus avec la copie.

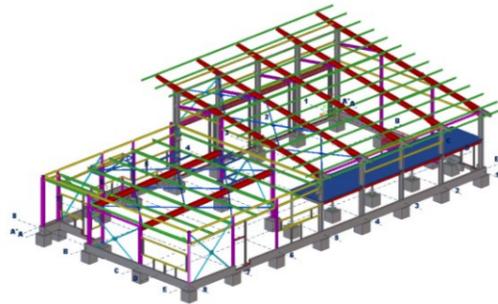
**EXERCICE 1 ETUDE DU PORTIQUE BUREAU FILE D**

Le portique est modélisé par la figure 1 ci-dessous.

La modélisation des liaisons est la suivante :

- aux nœuds A et D: Articulation
- au nœud C : Ponctuelle

La pente est négligée.



$q_1 = 575 \text{ daN/m}$

$q_2 = 400 \text{ daN/m}$

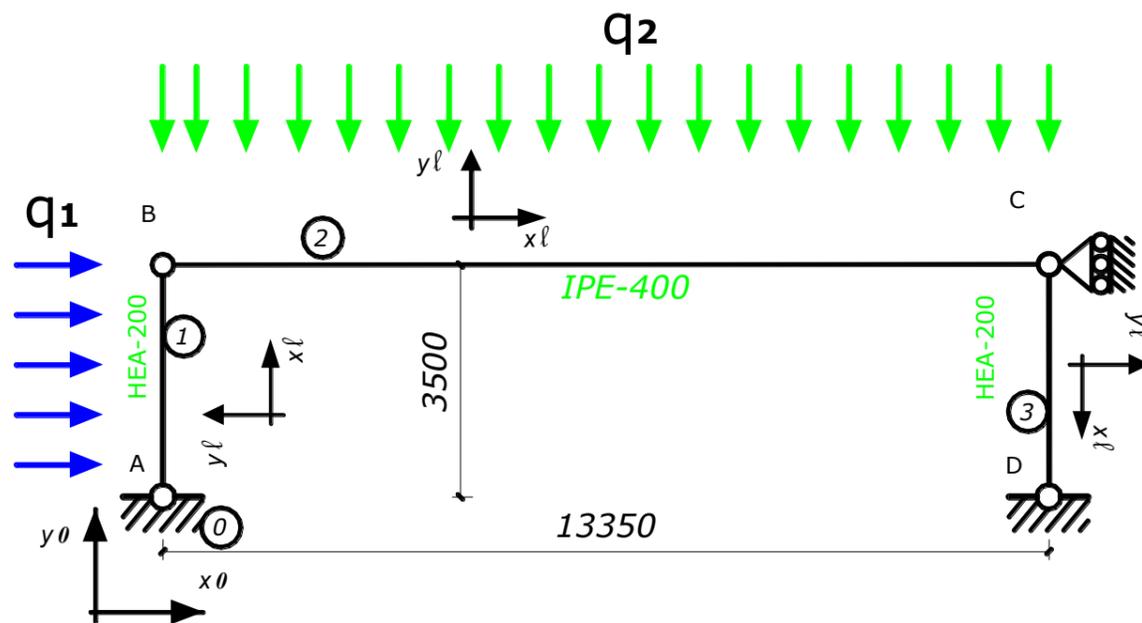
**TRAVAIL DEMANDE :**

- 1-1 / Quel est le degré d'hyperstatisme de la structure
- 1-2 / Sur le document DR1 figure 1 tracer les inconnues d'actions aux appuis et de liaisons entre barres.
- 1-3 / Déterminer les valeurs des actions aux appuis dans le repère global.
- 1-4 / Les actions aux appuis étant données sur le document réponse DR1, compléter celui-ci en traçant les diagrammes de l'effort normal  $N(x)$ , de l'effort tranchant  $V(x)$  et du moment fléchissant  $M_f(x)$  selon les repères locaux des poutres.
- 1-5 / Calculer la contrainte maximale et identifier la position de cette contrainte sur la traverse , conclure.
- 1-6 / Déterminer la flèche au milieu de la traverse par (les déformations dues à  $N$  et  $V$  sont négliger) :
  - par le théorème de la charge unitaire
  - Tracer une figure avec cette charge unitaire et le diagramme de moment unitaire  $M_1$

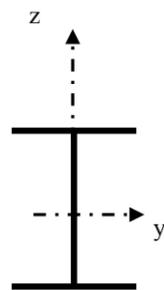
**figure 1**

Le repère  $\xi_0, \psi_0$  est le repère global terrestre.

Les repères  $\xi^l, \psi^l$  sont les repères locaux attachés aux barres.



**Données :**



Désignation	Aire A cm <sup>2</sup>	Valeurs statiques	
		I <sub>y</sub> cm <sup>4</sup>	I <sub>z</sub> cm <sup>4</sup>
<b>IPE 400</b>	<b>84,5</b>	<b>23130</b>	<b>1318</b>
<b>HE 200 A</b>	<b>53,8</b>	<b>3692</b>	<b>1336</b>

- ou  $f_{\max} = \frac{5qL^4}{384EI}$

## EXERCICE 2 : Etude des stabilités PARTIE bureau.

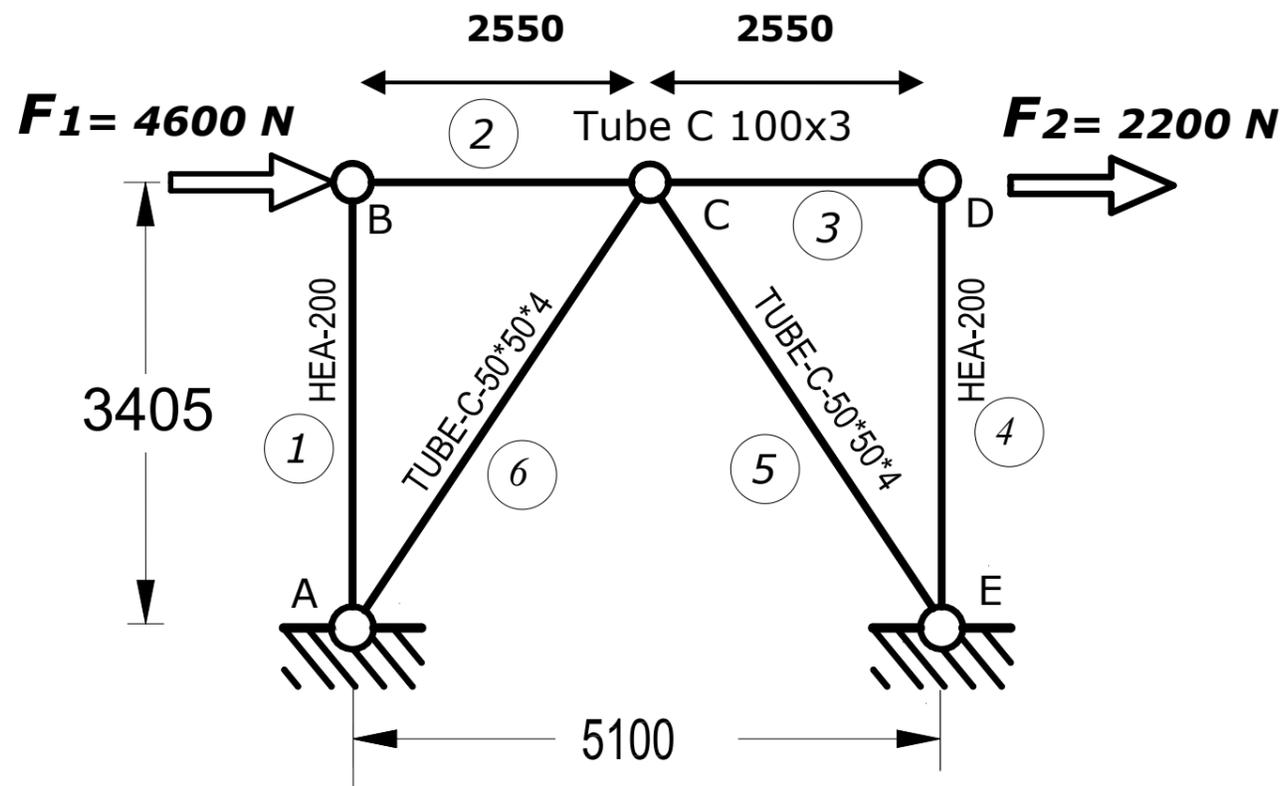
### Données :

Les poteaux sont des HEA-200 de section  $53,8 \text{ cm}^2$ , le buton est en tube carré de  $100 \times 3$  de section  $11,4 \text{ cm}^2$  et les diagonales en tube carré de  $50 \times 4$  de  $7,2 \text{ cm}^2$

### 2.1 - Etude de la stabilité file 5

On étudie dans ces questions la stabilité de la file 5 sur la partie bureau de la structure.

figure 2



2.1.1 : Déterminer le degré d'hyperstaticité de la structure figure 2

2.1.2 : Calculer les sollicitations dans les barres à partir de l'équilibre successif des nœuds ou par la méthode de Ritter. Tracer le diagramme de  $N(x)$  sur le document réponse **DR2**.

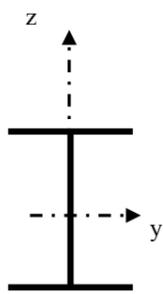
2.1.3 : Calculer le déplacement horizontal au nœud D.

Décrire la méthode et tracer les figures nécessaires

### EXERCICE 3 : Etude du long pan A

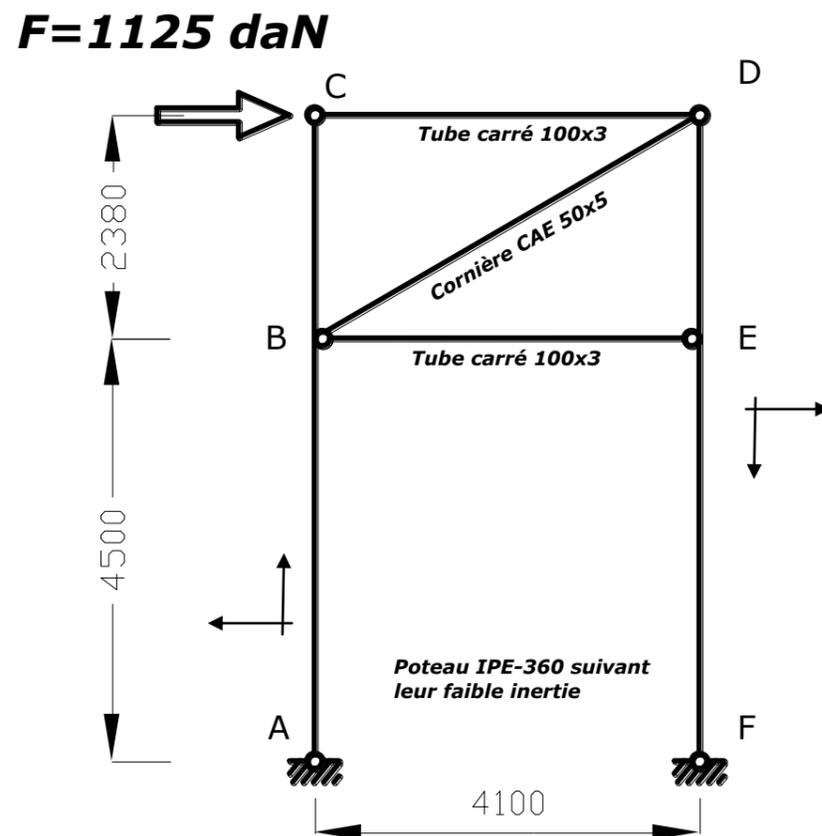
#### Données :

Les poteaux sont des IPE-360 orientés suivant leurs faibles inerties, les butons sont en tube carré de 100x3 et la diagonale est une cornière à ailes égales CAE 50x5.



Désignation	Aire A	Valeurs statiques	
		$I_y$	$I_z$
	cm <sup>2</sup>	cm <sup>4</sup>	cm <sup>4</sup>
IPE-360	72,7	16265.6	1043.5
Tube Carré 50 x 3	11,4	177	177
Cornière CAE 50x5	4,8	17,8	4,55

figure 4



REMARQUE : Il ne s'agit pas d'un treillis mais d'une structure principalement sollicitée en flexion.

Dans cette partie on négligera les déformations dues à l'effort normal et à l'effort tranchant.

Sous l'action pondérée du vent la structure est modélisée par la structure ci-contre.

La figure 4 schématise la palée chargée, appelé système (S)

3.1 : Déterminer le degré d'hyperstaticité globale de cette structure. Est-elle stable ?

3.2 : En exploitant la méthode des forces (encore appelée méthode des coupures) déterminer les réactions aux appuis.

(vous choisirez  $X_F$  comme inconnue hyperstatiques)

3.2.1 Décomposer la structure :  $S = S_0 + X_F \cdot S_1$

Tracer les structures et identifier les déplacements

3.2.2 Tracer les diagrammes de M pour  $S_0$  et  $S_1$ , en déduire  $X_F$ .

3.2.3 Déterminer les réactions aux appuis.

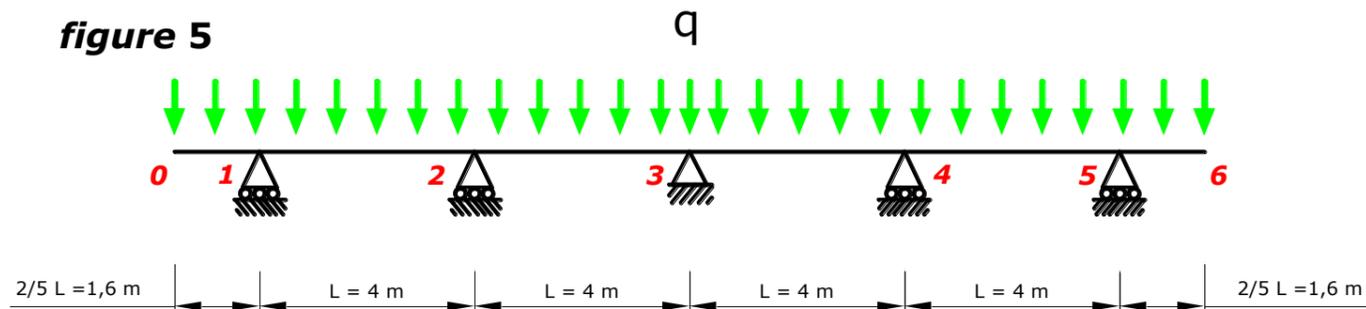
3.3 : Avec la charge non pondérée  $F = 750$  daN calculez le déplacement en tête de poteau, ce déplacement est-il acceptable ?

La condition à vérifier est  $h/150$

### EXERCICE 4 : Etude d'une panne continue

Les pannes du bâtiment atelier peuvent être modélisées selon le schéma ci-dessous.

figure 5

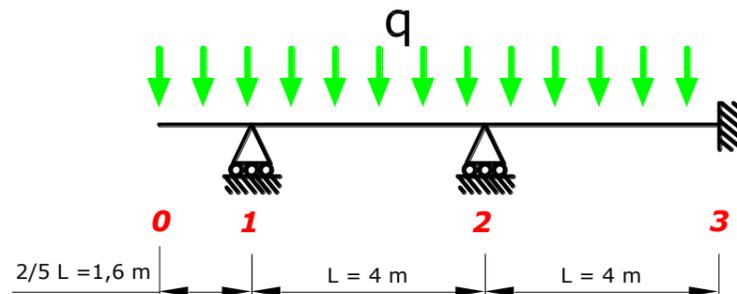


#### Données :

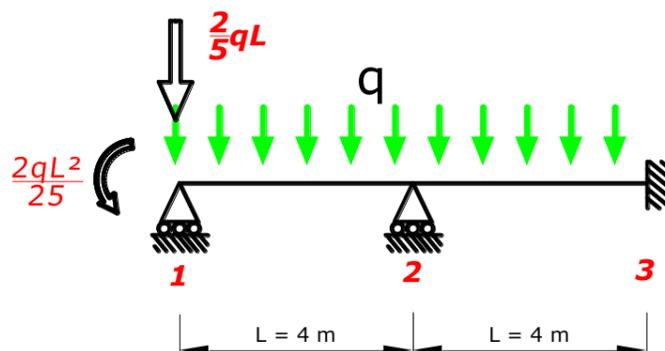
Les pannes simples sont des IPE-100 en S 275  
 Aire  $A = 10,32 \text{ cm}^2$   $I = 171 \text{ cm}^4$   
 $q = 150 \text{ daN/m}$   $L = 4 \text{ m}$   $E = 210000 \text{ Mpa}$

Pour cet exercice, il est demandé d'utiliser la méthode des déplacements lors de la résolution (méthode des rotations) :

- Soit en adoptant le modèle de la demi-structure simplifiée suivante :



- Soit en adoptant le modèle simplifié suivant :



#### TRAVAIL DEMANDE :

4-1 / Justifier les simplifications du modèle simplifié en rappelant les propriétés et particularités : de la structure, du chargement, des actions aux appuis, du diagramme de V, du diagramme de  $M_f$ , des déformations.

4-2 / En développant la méthode des rotations, quelles sont les inconnues cinématiques.

- A partir du modèle choisi, tracer la déformée de la poutre.
- Placer les inconnues cinématiques.
- Calculer littéralement la valeur de  $\omega_1$  et  $\omega_2$ .

En cas de non réussite à la question 4.2.c, on prendra :

$$\omega_2 = \frac{qL^3}{4200gEgI} \quad \text{et} \quad \omega_1 = -\frac{qL^3}{1050gEgI}$$

4-3 / Calculer les moments aux extrémités des poutres et tracer l'allure du diagramme de  $M(x)$ .

$$M_f(x) = \frac{M_{ji} + M_{ij}}{L}gx + (-M_{ij}) + m_{ij}(x)$$

Conditions :

- Les moments d'action des nœuds sur les barres  $M_{ij}$  sont connus.
- Les charges propres sur travée (pas aux nœuds) sont connus.

Le moment fléchissant  $M_f$  sur une barre est obtenu par **superposition** :

- du moment fléchissant provoqué par la charge propre sur la travée de la barre isostatique noté :  $m_{ij}(x)$ .
- du moment provoqué par les moments d'actions aux nœuds noté :  $M_{ij}$

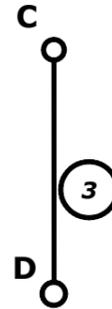
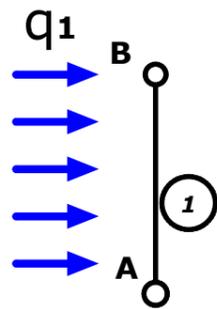
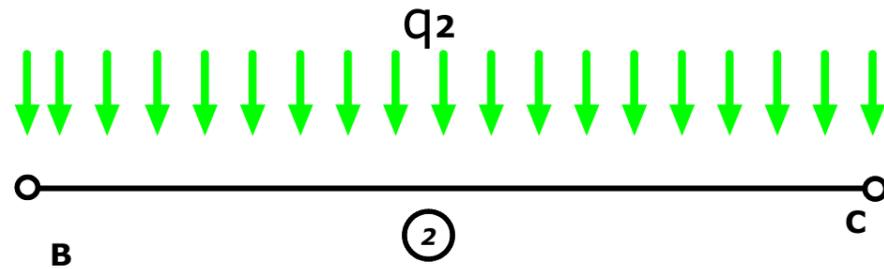
4-4 / Calculer les réactions aux appuis 1, 2, 3 (points bonus pour les étudiants ayant traité la question)

Recherche des inconnues aux appuis (on fait l'étude par tronçon)

$$T_{Yij} = -\frac{M_{ij} + M_{ji}}{L} + t_{Yij}$$

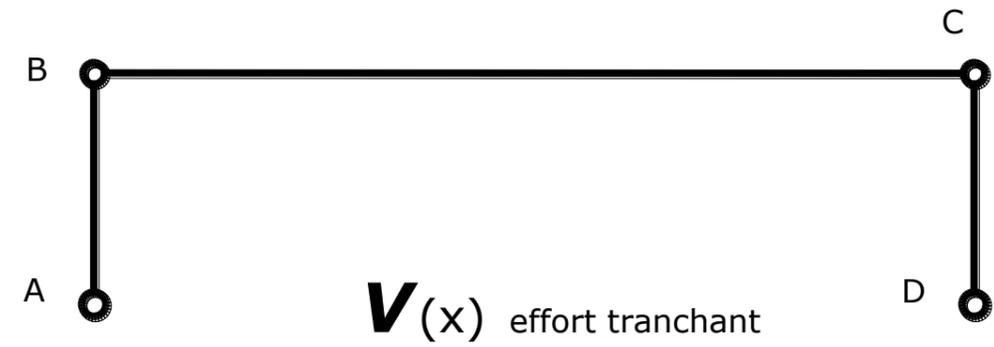
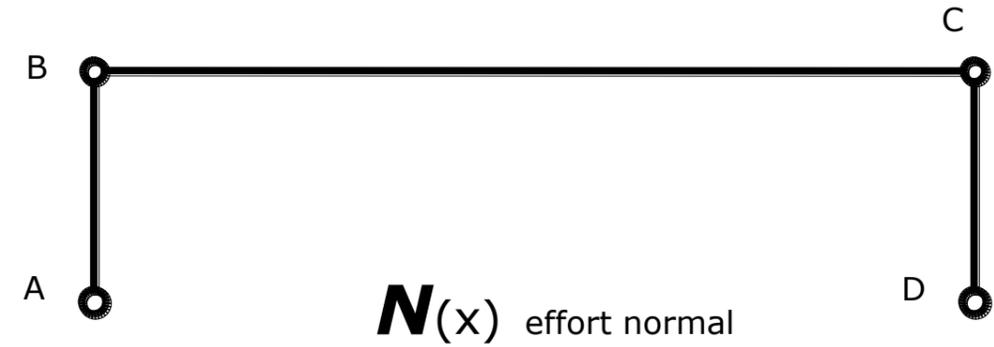
**ETUDE DU PORTIQUE BUREAU FILE D**

Questions 1-2



Questions 1-4

àagrafer en bas à droite sur la copie



Application Numérique

$$X_A = X_{0/1} = -1006.25 \text{ daN}$$

$$X_C = X_{0/2} = -1006.25 \text{ daN}$$

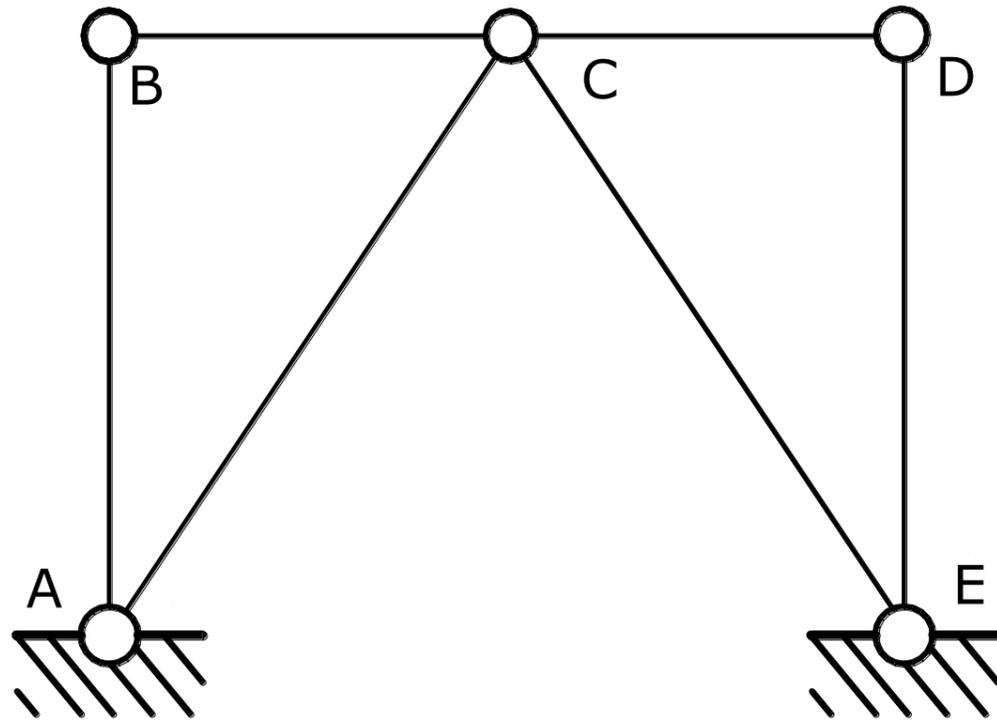
$$Y_A = Y_{0/1} = 2670 \text{ daN}$$

$$Y_D = Y_{0/3} = 2670 \text{ daN}$$

**DOCUMENT REPONSE DR2**

**2.1 ETUDE DE LA STABILITE FILE 5**

**N**



Barres	$N_0$ (daN)	$N_1$ Effort n dans le cas de la force unitaire au nœud F	$l$ (mm)	$A$ (mm <sup>2</sup> )	$\delta_i$ (mm)
<b>AB</b>					
<b>BC</b>					
<b>CD</b>					
<b>AC</b>					
<b>CE</b>					
<b>DE</b>					
$\delta_{DX} =$					mm

Par convention,  $N > 0$  pour une barre en traction  
 $N < 0$  pour une barre en compression  
 $E = 210000 \text{ MPa}$

*àagrafer en bas à droite sur la copie*

# ANNEXES

## Intégrales de MOHR : $\frac{1}{\ell} \int_0^{\ell} f(x)g(x)dx$

à multiplier par  $\frac{\ell}{EI}$  pour  $M$ ,  $\frac{\ell}{EA}$  pour  $N$ ,  $\frac{\ell}{GA}$  pour  $V$  ou  $\frac{\ell}{GJ}$  pour  $M_t$

avec :  $\ell$  = longueur du tronçon d'intégration  
 $\alpha = a/\ell$  et  $\beta = b/\ell$

$g(x)$	$f(x)$	$f$	$f$	$f_1$	$f_2$	$f$	$f$
		$fg$	$\frac{1}{2}fg$	$\frac{1}{2}fg$	$\frac{1}{2}(f_1 + f_2)g$	$\frac{1}{2}fg$	$\frac{1}{2}fg$
		$\frac{1}{2}fg$	$\frac{1}{3}fg$	$\frac{1}{6}fg$	$\frac{1}{6}(f_1 + 2f_2)g$	$\frac{1}{4}fg$	$\frac{1}{6}fg(1 + \alpha)$
		$\frac{1}{2}fg$	$\frac{1}{6}fg$	$\frac{1}{3}fg$	$\frac{1}{6}(2f_1 + f_2)g$	$\frac{1}{4}fg$	$\frac{1}{6}fg(1 + \beta)$
		$\frac{1}{2}f(g_1 + g_2)$	$\frac{1}{6}f(g_1 + 2g_2)$	$\frac{1}{6}f(2g_1 + g_2)$	$\frac{1}{6}(2f_1g_1 + 2f_2g_2 + f_1g_2 + f_2g_1)$	$\frac{1}{4}f(g_1 + g_2)$	$\frac{1}{6}f[g_1(1 + \beta) + g_2(1 + \alpha)]$
		$\frac{1}{2}fg$	$\frac{1}{4}fg$	$\frac{1}{4}fg$	$\frac{1}{4}(f_1 + f_2)g$	$\frac{1}{3}fg$	$\frac{1}{12}fg(3 - 4\alpha^2)/\beta$
		$\frac{1}{2}fg$	$\frac{1}{6}fg(1 + \alpha)$	$\frac{1}{6}fg(1 + \beta)$	$\frac{1}{6}[f_1(1 + \beta) + f_2(1 + \alpha)]g$	$\frac{1}{12}fg(3 - 4\alpha^2)/\beta$	$\frac{1}{3}fg$
		$\frac{2}{3}fg$	$\frac{1}{3}fg$	$\frac{1}{3}fg$	$\frac{1}{3}(f_1 + f_2)g$	$\frac{5}{12}fg$	$\frac{1}{3}fg(1 + \alpha\beta)$
		$\frac{2}{3}fg$	$\frac{1}{4}fg$	$\frac{5}{12}fg$	$\frac{1}{12}(5f_1 + 3f_2)g$	$\frac{17}{48}fg$	$\frac{1}{12}fg(5 - \alpha - \alpha^2)$
		$\frac{2}{3}fg$	$\frac{5}{12}fg$	$\frac{1}{4}fg$	$\frac{1}{12}(3f_1 + 5f_2)g$	$\frac{17}{48}fg$	$\frac{1}{12}fg(5 - \beta - \beta^2)$
		$\frac{1}{3}fg$	$\frac{1}{12}fg$	$\frac{1}{4}fg$	$\frac{1}{12}(3f_1 + f_2)g$	$\frac{7}{48}fg$	$\frac{1}{12}fg(1 + \beta + \beta^2)$
		$\frac{1}{3}fg$	$\frac{1}{4}fg$	$\frac{5}{12}fg$	$\frac{1}{12}(f_1 + 3f_2)g$	$\frac{7}{48}fg$	$\frac{1}{12}fg(1 + \alpha + \alpha^2)$
		$\frac{1}{6}f(3g_1 + 3g_2 + 4g_0)$	$\frac{1}{6}f(g_1 + 2g_2 + 2g_0)$	$\frac{1}{6}f(2g_1 + g_2 + 2g_0)$	$\frac{f_1}{6}(2g_1 + g_2 + 2g_0) + \frac{f_2}{6}(g_1 + 2g_2 + 2g_0)$	$\frac{1}{4}f(g_1 + g_2 + \frac{5}{3}g_0)$	$\frac{1}{6}f[g_1(1 + \beta) + g_2(1 + \alpha) + 2g_0(1 + \alpha\beta)]$

Nota :  $f, f_1, f_2, g, g_0, g_1$  et  $g_2$  sont à prendre en valeur algébrique.

## FORMULAIRE METHODE DES DEPLACEMENTS

Equations de Wilson & Maney : structure à nœuds fixes

	$M_{AB} = M_{AB}^0 + \frac{3EI}{\ell} \omega_A$ $M_{BA} = 0$
	$M_{AB} = M_{AB}^0 + \frac{4EI}{\ell} \omega_A + \frac{2EI}{\ell} \omega_B$ $M_{BA} = M_{BA}^0 + \frac{2EI}{\ell} \omega_A + \frac{4EI}{\ell} \omega_B$

Moments d'encastremements parfaits :

	$M_{AB}^0 = \frac{q\ell^2}{8}$ $M_{BA}^0 = 0$
	$M_{AB}^0 = 0$ $M_{BA}^0 = -\frac{q\ell^2}{8}$
	$M_{AB}^0 = \frac{q\ell^2}{12}$ $M_{BA}^0 = -\frac{q\ell^2}{12}$
	$M_{AB}^0 = \frac{C}{2}$